

# Física Estadística – Hoja de Problemas 1

## Problema 1

Sea un gas ideal con ecuación de estado dada por  $f(P, V, N, T) = PV - kNT = 0$  donde  $k$  es la constante de Boltzmann.

- i) Utilizando la tercera “ecuación  $\bar{d}Q$ ” y la ecuación de estado, muestra que  $\bar{d}Q$  no es una diferencial exacta para el caso de un gas ideal.
- ii) Calcular la producción de entropía cuando un gas ideal se expande libremente y duplica su volumen en un proceso a  $\bar{E} = \text{cte}$ .

## Problema 2

La ecuación de estado para un mol de un gas real viene dada por

$$f(P, V, T) = \left( P + \frac{a^2}{V^2} \right) (V - b) - RT = 0, \quad (1)$$

en términos de dos constantes  $a$  y  $b$ . Considérese un proceso en el que el gas se expande de manera isoterma ( $T = \text{cte}$ ) y pasa de un volumen inicial  $V_i$  a un volumen final  $V_f$ .

- i) Calcular el cambio en la energía libre de Helmholtz  $F(V, T)$ .
- ii) Calcular el cambio en la energía interna  $\bar{E}(V, S)$ .

## Problema 3

Sea la relación fundamental para un sistema de partículas

$$\bar{e} = a \frac{s^2}{v} e^{bs}, \quad , \quad a, b = \text{cte} > 0, \quad (2)$$

donde  $\bar{e} = \bar{E}/N$ ,  $v = V/N$  y  $s = S/N$  siendo  $N$  el número de partículas. En este caso los parámetros externos del sistema son  $V$  y  $N$  de tal manera que

$$\bar{d}W = P dV - \mu dN, \quad (3)$$

donde la presión  $P$  y el potencial químico  $\mu$  son las fuerzas generalizadas asociadas a la variación de los parámetros externos  $V$  y  $N$ , respectivamente.

- i) Hallar las ecuaciones de estado que se derivan de  $\bar{E}(S, V, N)$  a partir de la relación fundamental de la termodinámica

$$d\bar{E} = T dS - \bar{d}W. \quad (4)$$

- i) Representar de manera cualitativa el diagrama  $T$ - $V$  a  $N = \text{cte}$  en una expansión adiabática ( $S = \text{cte}$ ).

### Problema 4

Sea la cantidad infinitesimal

$$\bar{d}G = \alpha dx + \beta \frac{x}{y} dy = \alpha dx + \beta x d(\ln y) , \quad (5)$$

donde  $\alpha, \beta = \text{cte}$ . Denotemos por  $i$  al punto inicial  $(x_i, y_i) = (1, 1)$  y por  $f$  al punto final  $(x_f, y_f) = (2, 2)$  de un proceso termodinámico  $i \rightarrow f$ . Y denotemos por  $a$  al punto  $(x_a, y_a) = (2, 1)$  y por  $b$  al punto  $(x_b, y_b) = (1, 2)$ .

i) Muestra que  $\bar{d}G$  es una diferencial inexacta mediante la evaluación de la integral

$$\int_C \bar{d}G , \quad (6)$$

a través de las curvas  $C_1 : i \rightarrow a \rightarrow f$  y  $C_2 : i \rightarrow b \rightarrow f$ .

ii) Muestra que  $dF \equiv \frac{\bar{d}G}{x}$  es una diferencial exacta. En otras palabras, muestra que la integral

$$\int_C dF , \quad (7)$$

es la misma para *cualquier* curva  $C$ .